

Zu §. 50: ... $U \subset M \subset \sigma : U, \sigma \in \mathcal{R}(\mathcal{F})$ mit $\mu(\sigma \setminus U) < \varepsilon$

$M \Delta U = M \setminus U \cup \sigma \setminus U : \delta(M, U) \leq \mu(\sigma \setminus U) < \varepsilon,$

damit $M \in \overline{\mathcal{R}(\mathcal{F})}^\delta = \mathcal{M}$

Andererseits: $M \in \mathcal{M} = \overline{\mathcal{R}(\mathcal{F})}^\delta : \text{für } \varepsilon > 0 \text{ ex. } A \in \mathcal{R}(\mathcal{F})$

$\% \delta(M, A) = \mu^*(M \Delta A) < \varepsilon : \text{Ex. } B \subset \mathcal{R}(\mathcal{F}), \supset M \Delta A \%$

$\mu(B) < \varepsilon : \sigma := A \cup B, U := A \setminus B \text{ hin's } \dots \quad \square$

Zu §. 51: $\|f\|_L \stackrel{!}{=} \inf \left\{ \sum_{n=1}^{\infty} z(\xi_n) : \xi_n \in \mathcal{E}^+, \sum_{n=1}^{\infty} \xi_n \geq |f| \right\}$

für $h_n \in \mathcal{E}^+$ mit $h_n \uparrow \geq |f| : \xi_1 := h_1, \xi_{n+1} := h_{n+1} - h_n \ (n \in \mathbb{N}).$

Dann $(\xi_n) \in \mathcal{E}^{+\mathbb{N}}$ mit $\sum_{v=1}^m \xi_v = h_m \ (m \in \mathbb{N})$, also

$\sum_{v=1}^m z(\xi_v) = z(h_m)$ und $|f| \leq \sup_m h_m = \sum_{v=1}^{\infty} \xi_v$. Daher

$\sup_m z(h_m) = \sum_{v=1}^{\infty} z(\xi_v) \geq \text{r.S.}$, somit $\|f\|_L \geq \text{r.S.}$

Umgekehrt: für $(\xi_n) \in \mathcal{E}^{+\mathbb{N}}$ mit $|f| \leq \sum_{n=1}^{\infty} \xi_n :$

$h_n := \sum_{v=1}^n \xi_v \ (n \in \mathbb{N}) \dots \quad \square$

$\|\cdot\|_L$ geeignet $\Leftrightarrow \forall h \in \mathcal{E}^+ \ \|h\|_L = z(h)$

" \Leftarrow ": $|z_g(h)| \leq z(h) = \| |h| \|_L = \|h\|_L \ (h \in \mathcal{E})$

" \Rightarrow ": Nach (4) mit $\mathcal{B} := \mathbb{R} : \|h\|_L \leq z(h) \leq \|h\|_L$
↑
immer (4)

Zu §. 52:

$\|\cdot\|_L$ geeignet \Leftrightarrow (D)

" \Leftarrow ": Für $h \in \mathcal{E}^+$ und $(h_n) \in \mathcal{E}^{+\mathbb{N}}$ mit $h_n \uparrow \geq h :$

$\xi_n := h_n \wedge h \uparrow h$, also $h - \xi_n \downarrow 0$; nach (D)

daher $z(h) - z(\xi_n) = z(h - \xi_n) \downarrow 0$, somit

$z(\xi_n) \uparrow z(h)$, also

$\sup z(h_n) \geq \sup z(\xi_n) \geq z(h) : \underline{\|h\|_L \geq z(h)}$