Universität Konstanz Fachbereich Mathematik und Statistik PROF. DR. ROBERT DENK DIPL.-MATH. MICHAEL POKOJOVY

7. Dezember 2007

Mathematik für Physiker III 9. Übungsblatt

Aufgabe 9.1 Lösen Sie die folgenden Randwertaufgaben:

a)
$$u'' - u = 0$$
, $u(0) = 1$, $u(1) = 2$

b)
$$u'' + t^2 = 0$$
, $u(0) = 0$, $u'(1) = 0$

c)
$$u'' - u' - 2u = 0$$
, $u(0) + u'(0) = 1$, $u(1) = 0$

Aufgabe 9.2 Berechnen Sie die Greenschen Funktionen der angegebenen Randwertaufgaben:

a)
$$u'' = f(t), u(0) = u(1) = 0$$

b)
$$u'' = f(t), u(0) = u'(1) = 0$$

c)
$$(tu')' = f(t), u(1) = u(e) = 0$$

Aufgabe 9.3 Transformieren Sie die nachstehenden Gleichungen in geeigneten Intervallen auf die selbstadjungierte Form (Lu)(t) := -(p(t)u'(t))' + q(t)u(t) = 0:

a)
$$t^2u'' - 2tu' + u = 0$$

b)
$$u'' - \tan t \cdot u' + 2u = 0$$

Aufgabe 9.4 Berechnen Sie die Eigenwerte sowie die zugehörigen Eigenfunktionen folgender Randwertaufgabe:

$$u'' + \lambda u = 0$$
, $u(0) = u'(0)$, $u(1) = 0$.

Hinweis: Sie dürfen davon ausgehen, dass die Gleichung tan x=-x abzählbar viele positive Lösungen $x_1 < x_2 < x_3 < \dots$ besitzt.

Abgabetermin: Freitag, 14. Dezember, vor der Vorlesung.