



## Übungen zur Vorlesung Algorithmische algebraische Geometrie

### Blatt 12

**Abgabe:** Dienstag, 3. Februar 2014, 10.00 Uhr

#### Aufgabe 45

Seien  $A$  und  $B$  Ringe, sei  $m = \dim(A)$  und  $n = \dim(B)$ . Was ist  $\dim(A \times B)$ ?

#### Aufgabe 46

- (a) Sei  $A$  ein faktorieller Ring, und sei  $p$  ein Primelement von  $A$ . Dann gibt es kein von  $(0)$  verschiedenes und echt in  $(p)$  enthaltenes Primideal von  $A$ .
- (b) Sei  $B$  ein diskreter Bewertungsring. Finde im Polynomring  $B[x]$  zwei maximale Primidealketten von unterschiedlichen Längen.

#### Aufgabe 47

Jeder nichtkonstante Morphismus von  $\mathbb{A}^1$  in eine affine Varietät ist endlich.

#### Aufgabe 48

Sei  $X \subseteq \mathbb{A}^n$  eine Hyperfläche. Via  $(\xi_1, \dots, \xi_n) \mapsto (1 : \xi_1 : \dots : \xi_n)$  fassen wir  $\mathbb{A}^n \subseteq \mathbb{P}^n$  auf. Sei  $\overline{X}$  der projektive Abschluß von  $X$  in  $\mathbb{P}^n$ . Sind  $c_1, \dots, c_{n-1} \in k$  mit  $(0 : c_1 : \dots : c_{n-1} : 1) \notin \overline{X}$ , so ist

$$\pi: X \rightarrow \mathbb{A}^{n-1}, \quad \pi(\xi_1, \dots, \xi_n) = (\xi_1 - c_1\xi_n, \dots, \xi_{n-1} - c_{n-1}\xi_n)$$

ein endlicher surjektiver Morphismus.